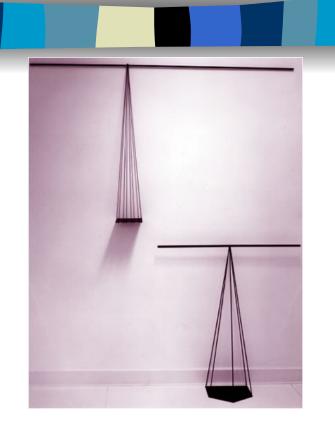
Espace et Géométrie (Se) Représenter l'espace

Intervention
CAPA SH option D
Juin 2015



Espace et géométrie

La géométrie se consacre à l'étude

- des objets de l'espace,
- de leurs propriétés
- et des relations qui existent entre eux.

Se pose alors la question :

- De quel(s) espace(s) parlons-nous ?
- De quels objets s'agit-il ?

-> clarifier les relations qu'entretiennent

l'espace et la géométrie

l'enfant dispose de connaissances spatiales avant
même qu'on lui propose d'apprendre la géométrie
la géométrie doit être enseignée pour exister.

Les problèmes spatiaux concernent l'espace sensible

Les problèmes de géométrie relèvent d'une solution mathématiquement prouvée.

la géométrie part du monde sensible pour le structurer en monde géométrique : celui des volumes, des surfaces, des lignes, des points...

M-H.Salin et de R. Berthelot

clarifier les relations qu'entretiennent l'espace et la géométrie. Les situations spatiales :

- - concernent l'espace physique ou sensible et les objets purement accessibles. Elles permettent de structurer cet espace.
- Les situations géométriques : <u>mettent en interaction un sujet avec un milieu qui n'est</u> plus l'espace physique mais l'espace conceptualisé que les "figures-dessins" tracées ne font que matérialiser.

<u>"On peut avancer l'idée que la géométrie "évacue" le sujet</u> alors que l'espace maintient une connexion avec lui. En ce sens l'espace est illimité et inclut jusqu'au sujet, alors que la géométrie en découpe une portion qui l'exclut "

→ clarifier les relations qu'entretiennent l'espace et la géométrie.

Une autre différence concerne le vocabulaire employé → clarifier les relations qu'entretiennent l'espace et la géométrie.

Un enseignant ne peut enseigner la géométrie sans s'appuyer sur des connaissances spatiales,

les connaissances géométriques fournissent des moyens pour anticiper des solutions à la résolution de problèmes spatiaux.

→ clarifier les relations qu'entretiennent l'espace et la géométrie.

M-H.Salin et de R. Berthelot « Considérons la géométrie comme une science expérimentale de l'espace sensible, c'est-à-dire comme permettant de résoudre des problèmes relatifs à cet espace. »

Pour François Boule,

"A l'école, il est moins question de géométrie que d'espace.

Il s'agit d'établir des représentations mentales et de les maîtriser,

<u>en un mot, il s'agit de : " Commencer à penser l'espace "</u>

Dans les programmes

- on trouve des éléments relatifs
 - au repérage dans le plan et dans l'espace,
 - aux formes géométriques
 - aux transformations géométriques.
- Dans les premiers apprentissages, la terminologie fait apparaître le sujet de manière explicite dans les relations qu'il peut entretenir avec les objets de l'espace,
- puis peu à peu les termes évoqués font moins référence au sujet pour faire apparaître les propriétés mathématiques de ces objets.

A la fin du cycle 1 :

"L'élève doit pouvoir se situer et se repérer dans l'espace..., situer, repérer et déplacer des objets par rapport à soi "

Dessiner un rond, un carré, un triangle...

A la fin du cycle 2 :

Situer un objet par rapport à soi, par rapport à un autre objet ou par rapport à des repères fixes

L'enfant doit être capable de reconnaitre, nommer, décrire et reproduire quelques figures simples, reconnaitre, nommer et décrire quelques solides droits.

A la fin du cycle 3 :

L'enfant doit être capable d'utiliser un plan, de se déplacer en s'adaptant à l'environnement.

L'enfant doit être capable de reconnaitre, de nommer, de décrire, de reproduire et de tracer quelques figures géométriques ... reconnaitre, nommer et décrire les solides droits.

L'enfant doit être capable de vérifier la nature d'une figure à l'aide d'instruments.

Au collège :

La géométrie doit rester en prise avec le monde sensible qu'elle permet de décrire. Les constructions géométriques, avec leurs instruments traditionnels – règle, équerre, compas, rapporteur..., aussi bien qu'avec un logiciel de géométrie, constituent une étape essentielle à la compréhension des situations géométriques

Penser l'espace

Cette capacité est une des conditions de la mémorisation et de la schématisation.

Les représentations mentales sont partout

<u>présentes</u>

<u>Cela passe naturellement par</u>

- le repérage, les déplacements,
- la reconnaissance des formes,
- la construction d'objets,
- la mémorisation des lieux,
- l'évocation des points de vue,
- l'imagination...

<u>Une image mentale est une action</u> <u>intériorisée</u>

Exemple 1 : commentpourriez-vous décrire le
chemin de votre domicile
à votre lieu de travail?

Exemple 2

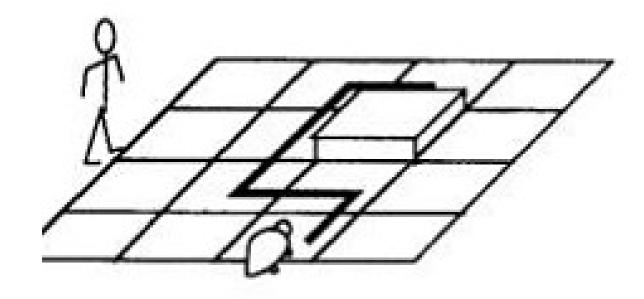
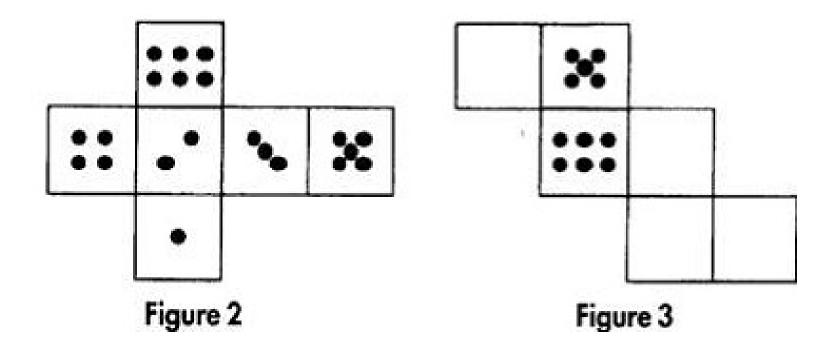


Figure 1

Exemple 3



- De même que l'enfant apprend à parler en parlant et en écoutant les autres, de même l'enfant apprend l'espace en l'explorant, le parcourant, le pratiquant, en observant le développement des autres et en anticipant ses propres déplacements.
- Gérard Vergnaud

- « Les élèves doivent pouvoir se construire un système mental de référents à partir d'expériences qu'ils auront accumulées dans l'espace physique :
 - reproduction, construction, transformation
 - classement, description et représentation

autant d'outils intellectuels nécessaires à la conceptualisation de l'espace sensible et donc au passage à l'espace géométrique (Vergnaud)

Structurer l'espace c'est :

- fournir des outils et développer des connaissances nécessaires pour résoudre des problèmes de l'espace physique, rencontrés dans le cadre de pratiques professionnelles, sociales et culturelles;

- initier au raisonnement déductif.

Le premier aspect est abordé au cycle 2, puis développé au cycle 3. Le deuxième aspect n'est vraiment travaillé qu'au collège

Pour résumer : structuration de l'espace

- la capacité du sujet à se situer, à s'orienter, à se déplacer dans son environnement.
- Le la capacité à situer, orienter, organiser, et déplacer ou concevoir les choses du monde proche ou lointain.
- **Le la possibilité du sujet à construire un monde réel ou imaginaire**
- <u>le rapport à soi, aux autres, aux objets.</u>

Piaget: La construction de l'espace est d'abord activité du corps. C'est ainsi que se constitue un "espace vécu", une "géométrie concrète", qui est prise de possession de l'espace et découverte d'invariants propres à l'environnement et aux objets qu'il contient.

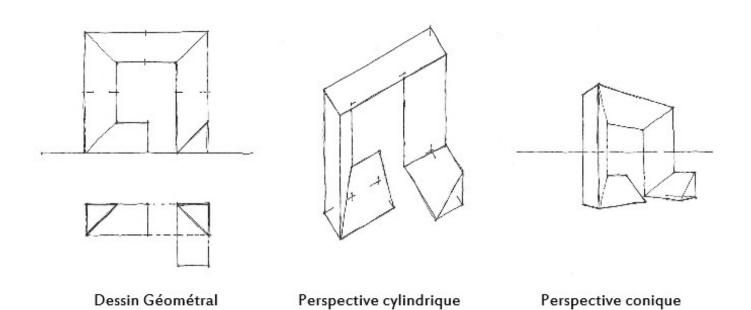
Cet espace devient "objectif" lorsque le sujet en vient à disposer de représentations qui deviennent communicables et permettent d'évoquer les objets, voire de raisonner sur eux-mêmes en leur absence. Ainsi émerge l'objet géométrique qui est un être abstrait.



Ainsi, la représentation des objets en perspective pose des problèmes importants à des élèves de 15 ans s'ils n'ont jamais eu l'occasion auparavant de se poser la question de la différence entre ce qu'ils voient d'un objet et ce qu'ils en savent.

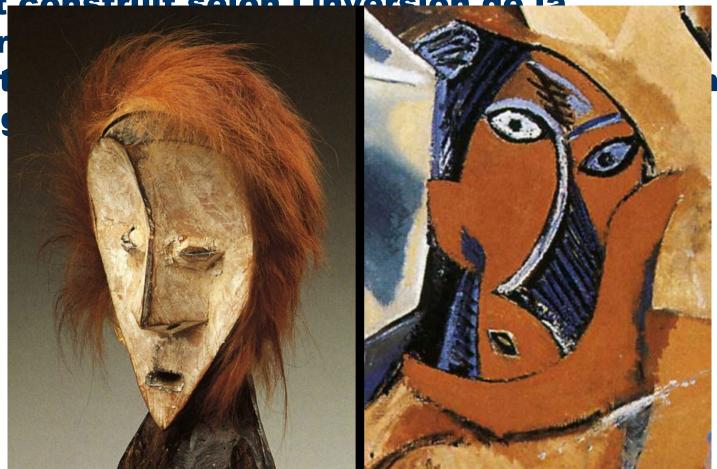


Trois modes de représentation graphique, parmi les plus courants :



Liens avec les arts visuels « le cubisme » analytique (1910/ 1912) L'objet

est construit solon l'inversion de la per et frag





Qu'est-ce que l'espace?

- Le mot vient du latin spatium qui a la même signification que le terme en français.
- Il prend de nombreux sens précis et propres à de multiples disciplines scientifiques.
- «L'espace est la forme de notre expérience sensible, une structure de l'esprit qui contient nos perceptions et où nous localisons le mouvement et les corps» (Théorie de la connaissance).



L'espace : définition

- « un lieu plus ou moins délimité (où peut se situer quelque chose) : étendue qui ne fait pas obstacle au mouvement ». (petit Robert)
- " l'ensemble des rapports établis entre les corps que nous percevons ou concevons, ou pour mieux dire, l'ensemble des relations dont nous nous servons pour structurer ces corps, donc pour les percevoir ou les concevoir ». (J. Piaget)

- L'analyse de l'espace peut conduire à le définir comme un monde composé d'éléments (êtres humains, animaux, éléments de la nature, objets) chacun d'entre eux pouvant être identifié par un ensemble de caractéristiques.
- Ces éléments sont situés les uns par rapport aux autres et séparés par des limites voire des vides définissant ainsi des relations spatiales.

- La structuration de l'espace c'est:
 -la différenciation de son propre corps
 -L'organisation de ses gestes, de ses
 déplacements
 -La création de relations organisées et
 - -La création de relations organisées et orientées entre lui et le monde extérieur -La création de relations organisées entre les objets

(Relations topologiques – de distance- d'orientation...)

Construire l'espace

- La conquête de ce concept est lente et progressive.
- il existe des espaces variant selon les âges, les états, les intentions de l'être.
- *l'égocentrisme et le syncrétisme, qui caractérisent l'enfant, font obstacle à une appréhension objective de l'espace*

- « Le problème essentiel que soulève l'évolution de la construction de l'espace est de comprendre comment l'enfant, partant d'un espace entièrement centré sur l'activité propre, parvient à se situer dans un milieu ordonné en se comprenant lui-même à ce titre d'élément. »
 - Jean PIAGET
- La construction du réel chez l'enfant



on atténue les effets de :

- <u>l'égocentrisme</u> <u>lorsqu'on aide l'enfant à se</u> <u>décentrer, c'est-à-dire à appréhender</u> <u>l'espace non plus subjectivement mais</u> <u>dans ses dimensions et significations</u> réelles.
- du syncrétisme lorsqu'on amènera l'écolier à percevoir, analyser et étendre graduellement le concept "espace".

Il est ainsi question, de comprendre les processus permettant à l'individu d'appréhender l'espace pour, souvent, en créer des représentations par la suite.

L'enfant et le concept "espace"

- <u>"travaille" sur l'espace et dans l'espace.</u>
- Par des explorations progressivement élaborées et programmées, se développent la précision, la finesse de perception, l'aptitude à représenter et à se représenter l'espace

Évolution de la structuration spatiale

- <u>L'espace subi</u> → <u>de 0 à 3 4 mois</u>
- <u>L'espace vécu → jusqu'à 2 ans</u>
- L'espace perçu → de 4–5 ans à 7–8 ans
- L'espace conçu → à partir de 5 6 ans

L'espace subi

l'enfant subit les déplacements que son entourage lui impose

L'espace vécu

L'espace vécu est l'espace de l'action et du mouvement

On appellera espace vécu, l'espace où se situe l'action de l'enfant : un espace qu'il côtoie et qu'il connaît même s'il en oublie les détails et qu'il en a une vision globale.

L'espace perçu

L'espace perçu est l'espace de la représentation.

- L'enfant coordonne les différents points de vue de l'objet dans le plan spatial.
- On parle d'espace projectif.
- L'enfant est alors capable de représenter l'objet tel qu'il le voit et donc, d'anticiper la modification des formes.

L'espace conçu

L'espace conçu est un espace conceptuel

- Les objets sont coordonnés et orientés selon un système de référence stable, extérieur aux objets Il est conçu en dehors de
- tout recours au corps

De l'espace vécu



<u>à l'espace</u> <u>représenté</u> De l'espace vécu vers l'espace représenté

L'enfant agit et perçoit des sensations en mettant son corps en contact avec l'environnement.

Le langage oral a une grande importance : grâce à la parole, l'enfant peut communiquer ou recevoir des informations relatives à la position à l'orientation d'objets de l'espace

<u>→ L'enfant fait appel à des codes</u> graphiques pour lire et représenter des informations spatiales

Organisation de l'espace

On peut envisager 4 types d'organisation de l'espace (Piaget)

Organisation pratique des déplacements

<u>(espace vécu, agi)</u>

Organisation de l'espace

Organisation topologique

<u>(Espace perçu-</u>

représenté)

Etablir:

Des relations spatiales entre soi et des points de repère Des relations spatiales entre des points de repère

Organisation projective (espace perçu, conçu, représenté)

Etablir:

des relations spatiales entre des
points de repère, en tenant
compte du point de vue de
l'observateur

Organisation euclidienne ou géométrique

(espace représenté)

Appréhender l'échelle c'est à dire la mesure, les proportions, les distances, les angles, les figures géométriques sur les plans, sur les cartes, sur une maquette ...

<u>Utiliser le système des coordonnées:</u> l'horizontalité et la verticalité

Comment se construit le concept d'espace

Documentsannexes

Comment construire l'espace?

Enseigner l'espace, c'est vivre l'espacemais pas seulement

Place du sensoriel

- Par l'action l'élève perçoit puis comprend l'espace qui l'entoure.
- <u>L'enfant se sert donc de ses sens et de ses propres</u> <u>mouvements pour percevoir l'espace</u>
- Les différents systèmes sensoriels permettent de capter des informations spatiales.
- La vue, l'ouïe et le toucher contribuent à fournir des informations qui permettent de construire une représentation subjective de l'espace.
- <u>De l'acuité visuelle dépendent directement la découverte et la reconnaissance des formes, des couleurs, des contrastes.</u>
- La perception auditive se rattache à la connaissance des directions et des distances.
- L'exploration tactile fait découvrir les formes et les volumes.

place du schéma corporel

- Toute représentation spatiale commence avec l'affermissement du schéma « la possibilité de situer des objets dans l'espace commence par la construction de l'image orientée de son propre corps. »
- Apprendre en faisant est très important car l'enfant rencontre le monde des objets et se crée des repères.
- Une notion vécue physiquement est plus facilement comprise et mémorisée.

Il existe différents types d'espaces



- Le micro espace
- Le méso espace
- Le macro espace

Fiche annexe



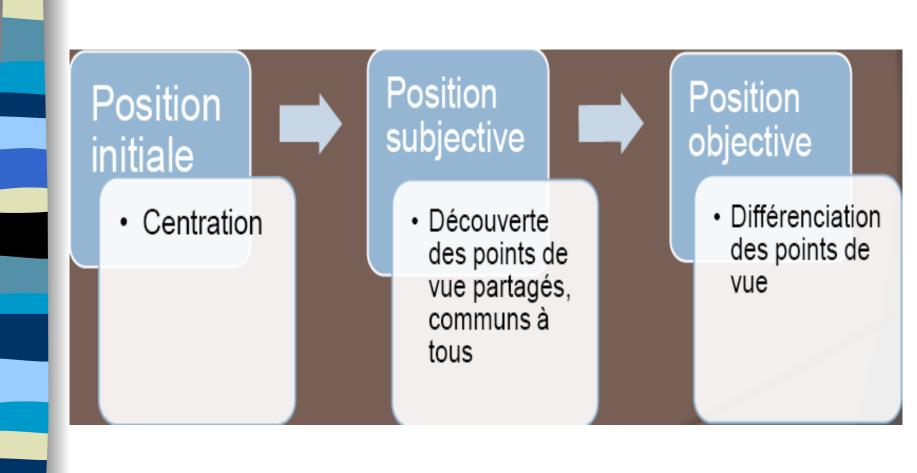


- Il n'a peu ou pas de reconnaissance de l'environnement proche.
- Il ne perçoit parfois qu'un espace à ses propres dimensions.
- Il peut percevoir l'espace tel qu'il le pense, tel qu'il le connaît et non tel qu'il le voit.
- Il peut éprouver de la difficulté à distinguer la droite de la gauche, à se «latéraliser».
- Il peut éprouver de la difficulté à dissocier l'objet de l'espace occupé par cet objet.

Ces difficultés sont notamment liées au mécanisme de la décentration.

La décentration

C'est le mécanisme par lequel un sujet passe d' une centration exclusive de la perception, de l'action ou de la pensée à des formes d'objectivité dans son rapport au monde



Les difficultés de repérage de l'élève déficient cognitif

- Il a des difficultés dans la gestuelle, la coordination et l'ajustement des mouvements
- Il a des difficultés dans l'enchaînement de différentes actions
- Il a des difficultés dans les capacités logiques et le raisonnement
- Il est peu ou pas autonome

Il faut donc organiser et instituer l'espace, son espace

Interviennent aussi dans la perception de l'espace

- le développement de la motricité
- La maturation neurologique
- L'interaction humaine

Il faut donc organiser et instituer l'espace, son espace



PERSIS





Espace de travail individuel



Coin activités collectives



Coin regroupement-rituel



Espace jeu-détente-socialisation

Pistes pédagogiques

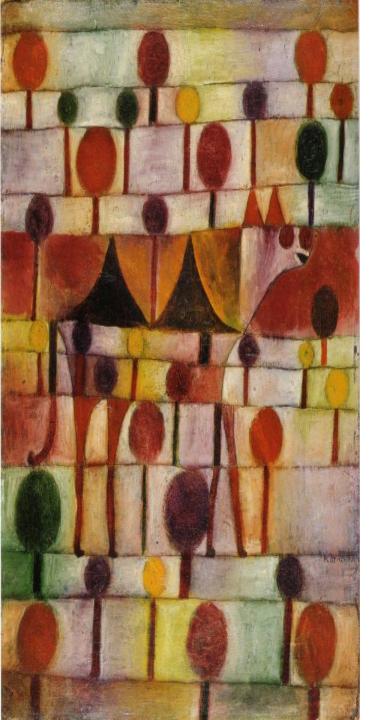
« L'espace n'est pas structuré de lui même ; c'est nous qui le structurons grâce aux enseignements fournis par notre action et notre perception. »

Jean Piaget



Situations et activités pour permettre la structuration de l'espace chez l'enfant L'école doit attirer l'enfant vers des espaces inattendus pour

- L'école doit attirer l'enfant vers des espaces inattendus pour le mettre en situation de découverte pour que l'expérience devienne connaissance.
- Vivre des expériences, les représenter, en parler.
- Les activités proposées mettent en jeu différentes formes de langage Langage corporel, langage verbal et codage graphique.
- Il ne s'agit pas seulement d'apprendre à se situer dans l'espace ordinaire, mais aussi se retrouver dans un texte, un document, organiser les objets d'une collection pour en maîtriser la quantité
- Les situations proposées doivent permettre à l'enfant d'échapper à l'usage exclusif de son propre point de vue pour adopter celui d'autrui.



L'espace se construit au travers de plusieurs disciplines

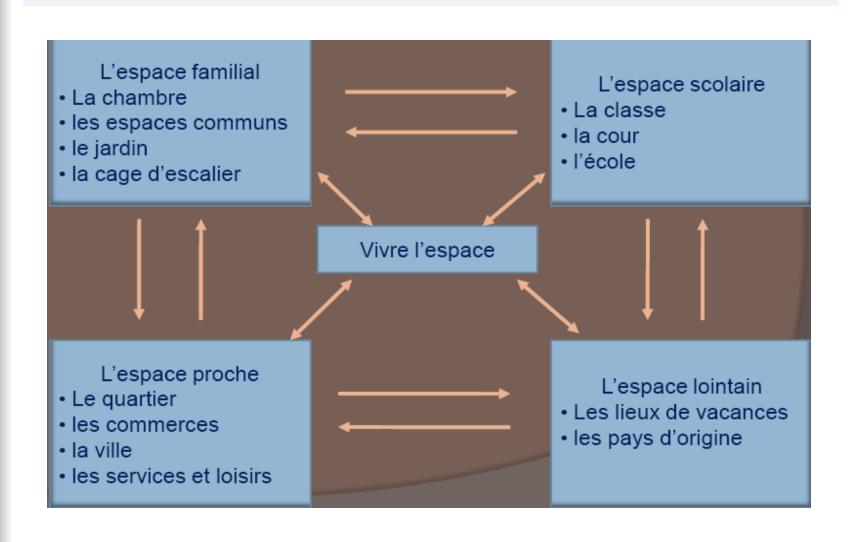
Exemples:

-Education physique et sportive

-Arts visuels

-Géographie

Vivre l'espace...quels espaces ?

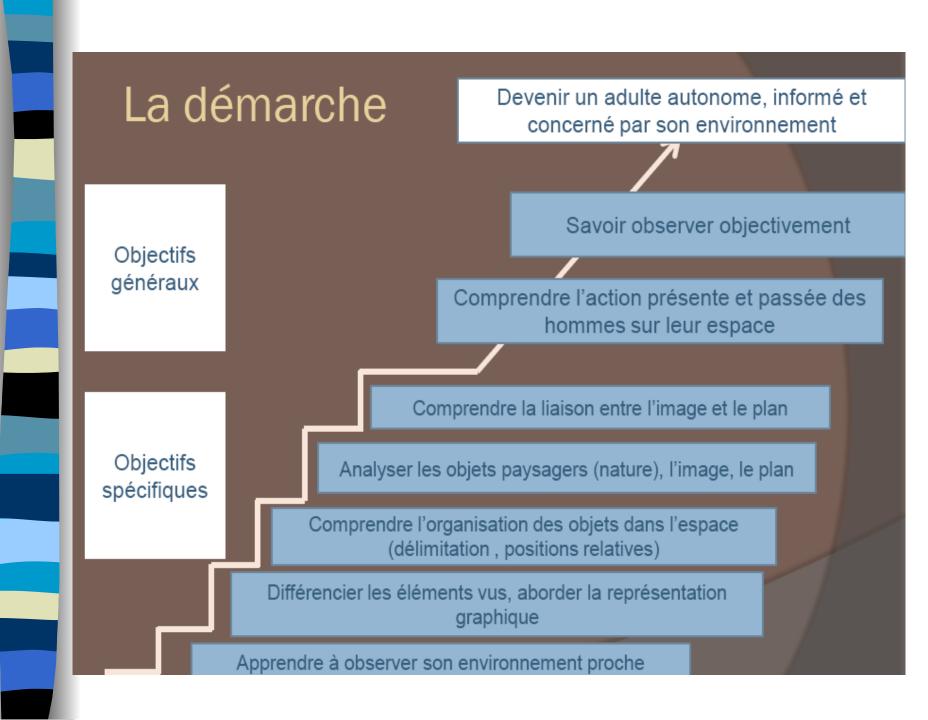


L'espace, un projet pluridisciplinaire

- En faisant appel à d'autres disciplines, l'élève acquiert les repères qui permettent d'établir la succession chronologique et l'organisation de l'espace.
- Cette démarche permet de donner du sens aux apprentissages, de renforcer les connaissances des élèves, d'assurer des liens:
 - -Maîtrise de la langue
 - -Mathématiques
 - -Sciences
 - -Éducation physique et sportive
 - -Arts visuels

Intérêts pour l'enseignant d'opter pour cette démarche

- Donner du sens aux apprentissages
- Renforcer les connaissances des élèves
- Assurer des liens forts entre la découverte du monde et d'autres disciplines
- Permettre aux élèves d'opérer des comparaisons entre différents espaces, et de comprendre leur propre environnement

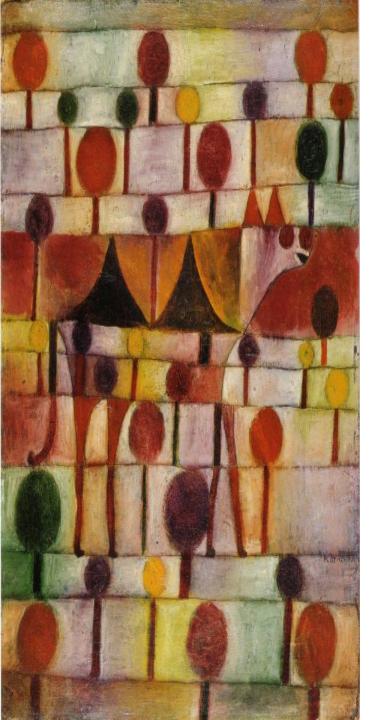


Observer pour décrire et comprendre

- C'est un objectif fondamental.
- L'observation est constituée par une phase de recueil d'informations visuelles, orales.
- Le questionnement permet le passage de l'élaboration de la signification à sa verbalisation.
- <u>Comprendre les informations de</u> <u>l'observation nécessitent de les mettre</u> en relation.

Quelle progression pour structurer l'espace ?

- On n'apprend pas l'espace, on acquiert peu à peu ce concept à travers des contenus.
- La progression doit se penser dans un cadre pluridisciplinaire.
- Elles peuvent intégrer trois types d'action :
 - -Faire
 - -Dire
 - -Représenter



«Accepter qu'un enfant se déplace sans contrôle, c'est lui reconnaître l'indépendance. Lui laisser, lui donner le droit de construire des objets physiques, c'est lui faire entrevoir que l'on peut changer des choses dans le monde.»

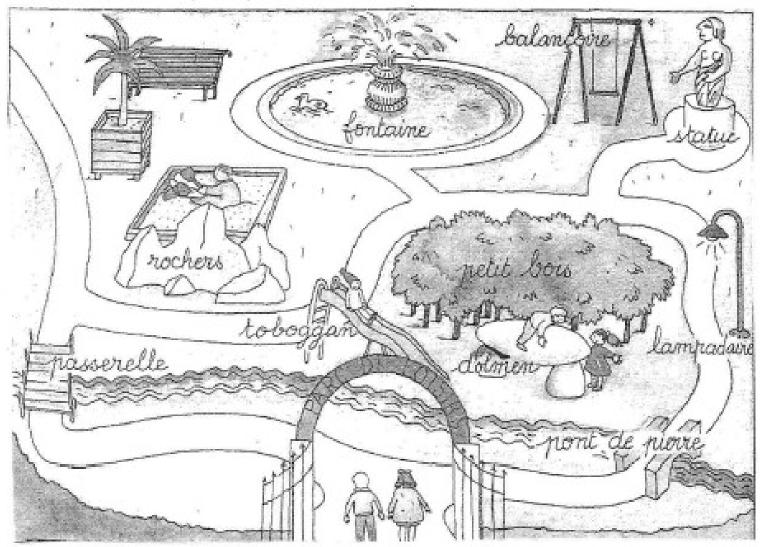
<u>«Le développement des rapports des enfants à l'espace» MG Pêcheux</u> 1990

- Ne pas appréhender correctement l'espace est souvent dû à un ensemble de connaissances qui n'ont pas été structurées, ou du moins pas suffisamment.
- Mais aussi aux répercussions de certains troubles sur cet apprentissage.

Principaux obstacles rencontrés.

- Construction de l'image orientée de son corps non ou mal maitrisée
- Difficultés à se décentrer et d'adopter le point de vue de quelqu'un d'autre (à représenter l'espace en perspective -ce que l'on voit et non ce que l'on sait)
- Apprentissage nécessaire pour construire et adopter des points de repères communs (voire conventionnels) (repérer et se repérer par rapport à des objets orientés, à des objets non orientés, place de l'observateur)

Observe et décris le jardin public.



Obstacle: Repère commun

Converse de la conversión de la conversi



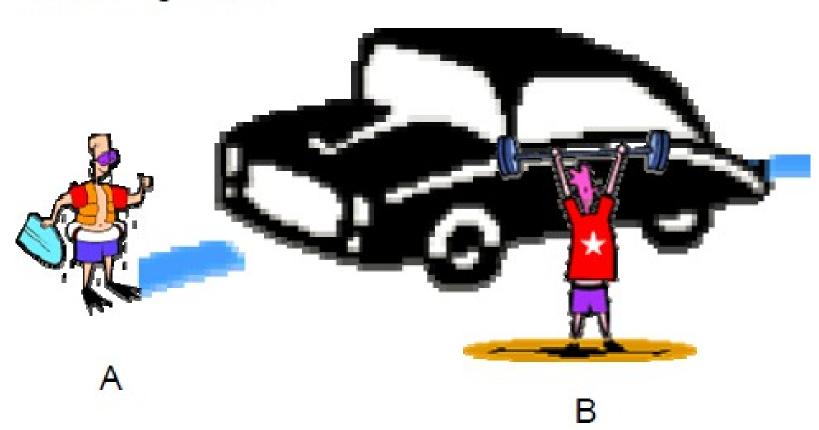
Un exemple d'obstacle en arts visuels





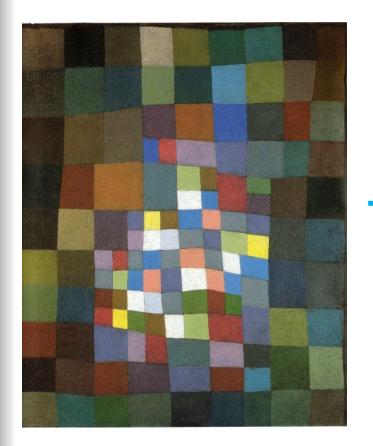
Quel est le référentiel ?

arene / gaaerre



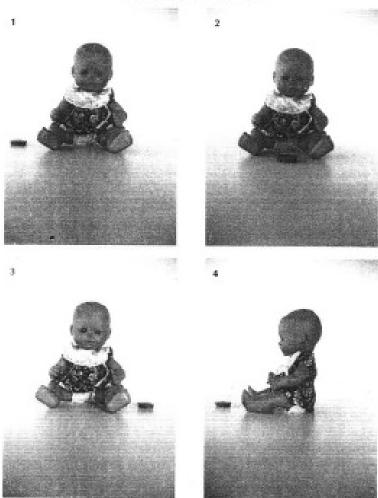
Référent / référentiel - Place de l'observateur



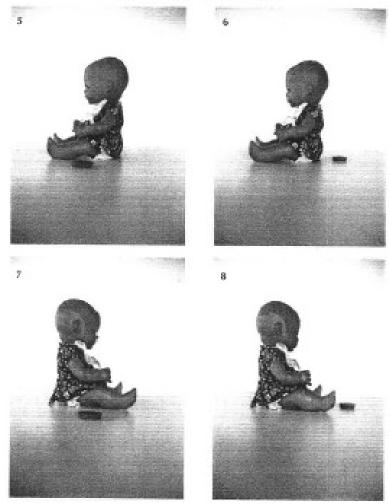


Des activités pour se représenter l'espace

Cartes-photos pour les joueurs



Cartes-photos pour les joueurs (suite)



[Fig.] a referencement on more and analysis of

Carteophotos paur les journes (suite):









Carles-photos pour l'arbitre









g BORDSONDED. La photospia ser austriali est ar allin.

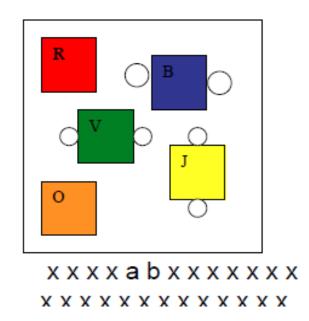
Repérage spatial

Objectif : prendre conscience que ce qu'on voit dépend de là où on est placé, constituer un vocabulaire.

L'objet caché : expériences fréquentes mais brèves (10 min).

- * des boîtes absolument identiques sur un tapis
- * un objet est caché dans l'une d'entre elles devant les élèves (émetteurs) sau deux élèves qui sortent (récepteurs)
- * les *émetteurs* donnent des indications pour que les *récepteurs* retrouvent l'objet caché du premier coup, sans montrer du doigt son emplacement.

Phase 1: tous placés pareils GS CP

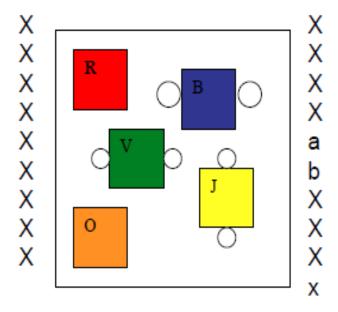


: boîte dans laquelle peut être caché un objet

: bloc de couleur Rouge, Bleu, Vert, Jaune, Orange

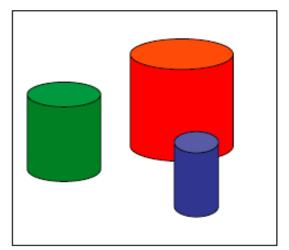
x : élève émetteur a, b : élèves récepteurs

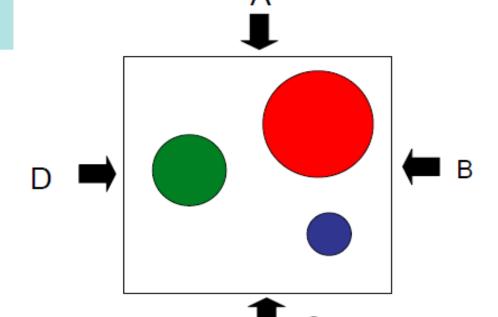
Phase 2 : tous ne sont placés du même côté

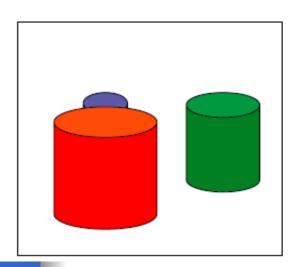


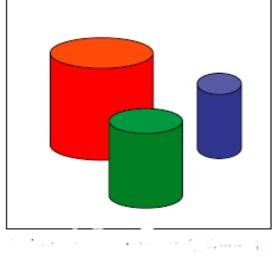
- 1) Aller prendre la place de a pour voir
- Imaginer, dire ce qu'on voit de la place de a

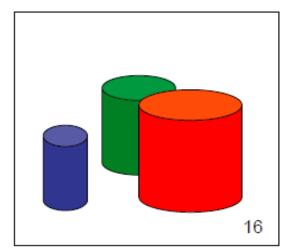
Points de vue



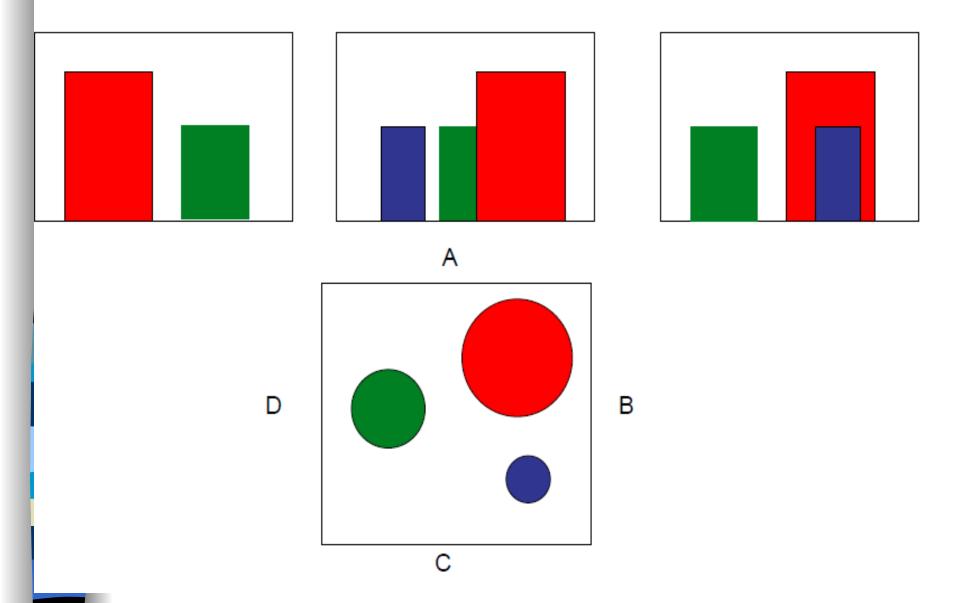






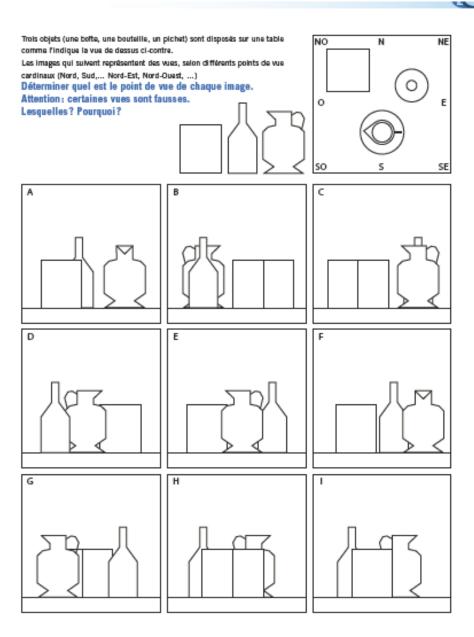


Objectif : comprendre que la vue dépend de là où on se place

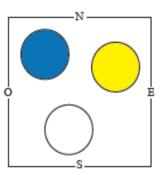


- Construire en duplos

(voir fiche annexe)





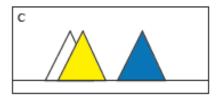


Ces trois montagnes sont disposées selon la vue de dessus ci-contre. Retrouver selon quels sont les points de vue ont été prises les vues ci-dessous.





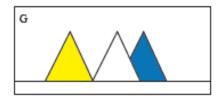




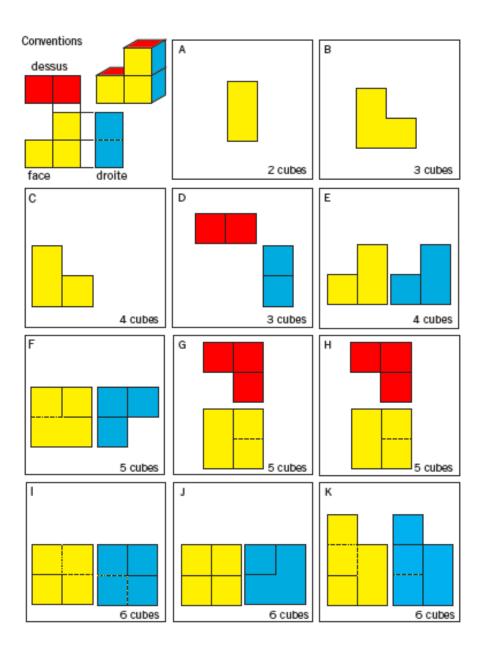


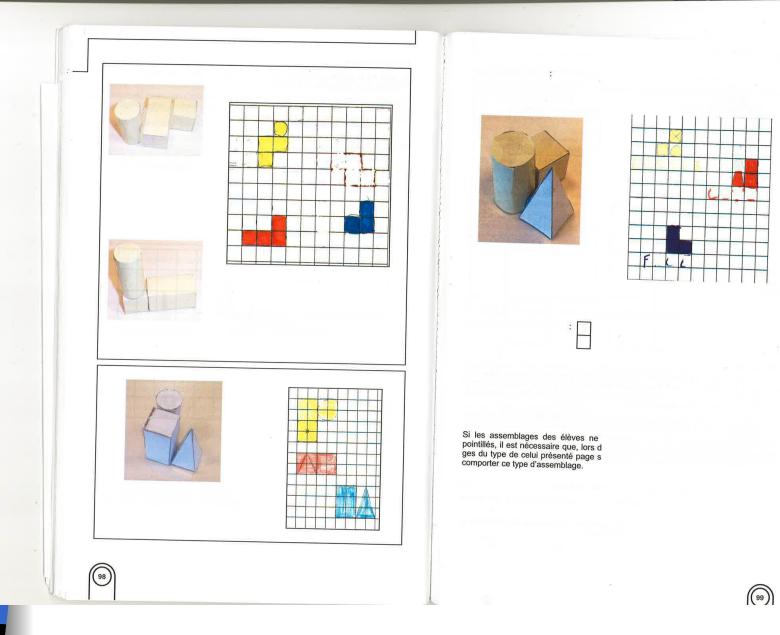








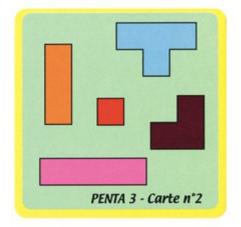




Quelques outils





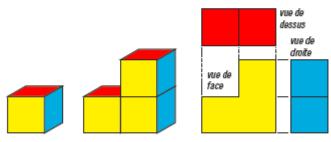




LES CUBES STRUCTURO

Les cubes Structuro possèdent des faces opposées de même couleur. La règle de disposition des cubes Structuro est présentée au groupe entier: face jaune vers soi (vue de face), faces bleues latérales (vue de gauche ou droite), face rouge au-dessus. « Où doit-on se placer pour ne voir que la face rouge? » [au-dessus]; « que la face jaune? » [en face], « que la face bleue? » [de côté, à gauche ou à droite]; ultérieurement, on n'utilisera que la vue droite. Tous les cubes seront disposés ainsi.

L'objectif de l'exercice est de construire un solide à partir d'une (ou plusieurs) vue(s). On établit progressivement le rôle, dans chaque vue, des traits continus (arête saillante visible) ou discontinues (arête saillante cachée).



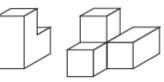
Remarque: contrairement à l'usage du dessin technique, nous avons choisi de placer la vue de droite du côté droit.

La vue de face ne comporte qu'un contour parce que tous les faces visibles sont dans le même plan (frontal). En revanche, il y a un trait continu sur la vue de dessus, puisque les faces que l'on voit ne sont pas dans le même plan. Il y a un trait discontinu sur la vue de droite, parce que les faces vues sont dans le même plan, mais qu'il y a un décrochement de l'autre côté.

Première phase

On donne un solide constitué de quatre ou cinq cubes.

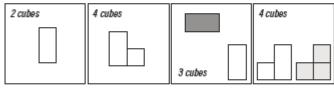




On demande de dessiner les vues de face, de droite, de dessus.

Deuxième phase

On distribue une poignée de cubes emboîtables et quelques fiches. Chaque fiche porte une ou deux vues, ainsi que le nombre de cubes nécessaires à la construction.





vues

Solutions (fiche 5, page 9)



Dans tous les cas, il s'agit de procéder du solide réel vers les représentations planes, ou bien réciproquement. Il n'est pas question de mêler différents types de représentations (vues, perspectives...).

Ces exercices ont pour but de faciliter la disposition de représentations spatiales, et de favoriser l'abord ultérieur du dessin technique.

Dominos topologiques

