

Additionner des nombres entiers

L'**addition** est une opération qui permet de **calculer la somme de plusieurs nombres**.

On peut changer l'ordre de ses termes sans que cela modifie le résultat.

$$\text{Ex : } 12 + 4\,520 + 596 = 4\,520 + 596 + 12 = 5\,128$$

On évalue toujours l'**ordre de grandeur du résultat avant de calculer**.

$$\text{Ex : } 4\,520 + 596 + 12, \text{ c'est proche de } 4\,500 + 600 + 10 = 5110$$

Quand on pose une addition, on **aligne les chiffres** des unités, ceux des dizaines...

	m	c	d	u
	1	4	1	5 2 0
+		5	9	6
+			1	2
	5	1	2	8

Rappel : il ne faut pas oublier les retenues.

Soustraire des nombres entiers

La soustraction est une opération qui permet de **calculer un écart** ou **une différence** entre deux nombres.

On évalue toujours **l'ordre de grandeur du résultat** avant de calculer.

Ex : $710 - 587$, c'est proche de $700 - 600 = 100$

Pour effectuer une soustraction

- On peut calculer à l'aide d'un schéma

$$\begin{array}{ccccccc}
 & +13 & & +100 & & +10 & \\
 587 & \longrightarrow & 600 & \longrightarrow & 700 & \longrightarrow & 710 \\
 587 + 123 = 710 & \text{ donc } & 710 - 587 = 123
 \end{array}$$

- On peut poser la soustraction

Attention : on pose toujours le plus grand nombre en premier

$$\begin{array}{r}
 7 \ 11 \ 10 \\
 - +15 \ +18 \ 7 \\
 \hline
 1 \ 2 \ 3
 \end{array}$$

J'ajoute 10 unités au premier nombre, alors j'ajoute 1 dizaine au deuxième pour équilibrer.

Connaître les multiples et les diviseurs d'un nombre

- 42 est un multiple de 6, car il est dans la table de 6 ($42 = 6 \times 7$)
On dit aussi que 6 est un diviseur de 42
- 42 est un multiple de 7, car il est dans la table de 7 ($42 = 7 \times 6$)
On dit aussi que 7 est un diviseur de 42.
- 420 est aussi un multiple de 6 et de 7 car $420 = 6 \times 70$ et 7×60
On dit que 6 et 7 sont aussi des diviseurs de 420

A savoir : Les multiples de 2 sont tous des nombres pairs. Ils sont divisibles par 2.

Les multiples de 3 s'appellent les triples. Ils sont divisibles par 3.

Les multiples de 5 se terminent toujours par 0 ou 5. Ils sont divisibles par 5.

Les multiples de 10 se terminent toujours par 0. Ils sont divisibles par 10.

Multiplier par un nombre à 1 chiffre

La multiplication est une opération qui simplifie le calcul de l'addition d'un même nombre. Son résultat s'appelle le produit.

$$15+15+15+15+15 = 5 \times 15 = 75$$

Pour multiplier deux nombres on peut :

- **décomposer la multiplication en ligne**

$$\begin{aligned} \text{Ex : } 412 \times 8 &= (400 \times 8) + (10 \times 8) + (2 \times 8) = 3\,200 + 80 + 16 \\ &= 3\,296 \end{aligned}$$

- **poser la multiplication** : On commence par multiplier les unités, puis les dizaines, puis les centaines...

$$\begin{array}{r} 1\ 2\ 0\ 9 \\ \times \quad \quad 7 \\ \hline 8\ 4\ 6\ 3 \end{array}$$

$$7 \times 9 = 63$$

Je pose 3 et je retiens 6

$$7 \times 0 = 0$$

0 plus la retenue 6 égale 6

$$7 \times 2 = 14$$

Je pose 4 et je retiens 1

$$7 \times 1 = 7$$

7 plus la retenue 1 égale 8.

Multiplier par 10, 100, 20, 300 ...

- Quand on multiplie un nombre par 10, 100, ou 1000 revient à le rendre 10, 100 ou 1 000 fois plus grand :

$$45 \times \underline{10} = 45 \text{ dizaines} = 45\underline{0}$$

$$12 \times \underline{100} = 12 \text{ centaines} = 1 \underline{200}$$

$$40 \times 1 \text{ 000} = 40 \text{ milliers} = 40 \underline{000}$$

- Quand on multiplie un nombre par 20, on multiplie d'abord par 2, puis par 10 :

$$13 \times 20 \rightarrow 13 \times 2 = 26 \quad \text{et ensuite } 26 \times 10 = 260$$

- Quand on multiplie un nombre par 300, on multiplie d'abord par 3, puis par 100 :

$$60 \times 300 \rightarrow 60 \times 3 = 180 \quad \text{et ensuite } 180 \times 100 = 18 \text{ 000}$$

- Multiplier par 10 est très utile pour évaluer un ordre de grandeur du résultat.

$$\text{Ex : } 39 \times 81 \text{ c'est proche de } 40 \times 80 = 3 \text{ 200}$$

Multiplier par un nombre à 2 chiffres

Pour effectuer **une multiplication à plusieurs chiffres**, on **décompose son multiplicateur**.

$$\text{Ex : } 753 \times 65 = (753 \times 60) + (753 \times 5)$$

Quand on **pose l'opération**, on multiplie avec les **unités**, puis avec les **dizaines**, puis avec les **centaines**...

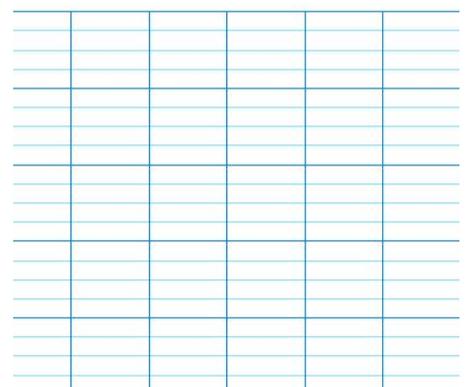
$$\begin{array}{r}
 753 \\
 \times 65 \\
 \hline
 3765 \\
 45180 \\
 \hline
 48945
 \end{array}$$

1 on multiplie 753 par 5 unités \rightarrow 3 7 6 5 \leftarrow 753 x 5
 2 on place un zéro car on multiplie par 6 dizaines \rightarrow 4 5 1 8 0 \leftarrow 753 x 60
 3 on additionne \rightarrow 4 8 9 4 5 \leftarrow 753 x 65

A ton tour :

$$345 \times 36 = (\underline{\quad} \times \underline{\quad}) + (\underline{\quad} \times \underline{\quad})$$

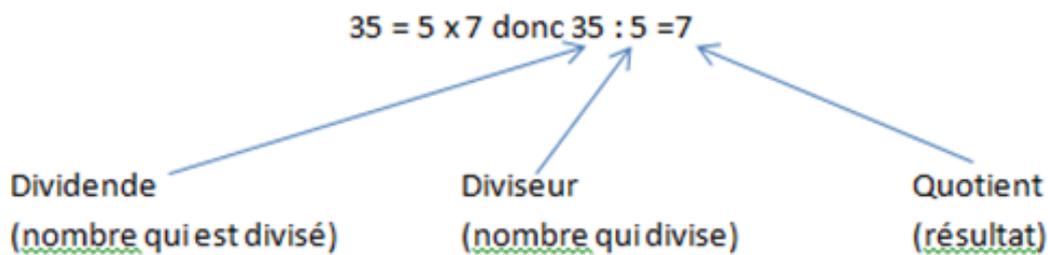
$$\begin{array}{c}
 \downarrow \qquad \qquad \downarrow \\
 \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}
 \end{array}$$



Diviser : partages et groupements

Pour **partager un nombre en parts égales**, on utilise la **division**. Son résultat s'appelle le **quotient**.

Ex : Pour diviser 35 par 5, on cherche combien de fois 5 est contenu dans 35.



On trouve un reste quand le dividende n'est pas un multiple du diviseur : on cherche alors le multiple le plus proche.

Ex : 38 divisé par 5.

31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

5×7

38 est compris entre 5×7 et 5×8 \longrightarrow $5 \times 7 < 38 < 5 \times 8$
 38 divisé par 5 égale 7. Il reste 3 car $38 = (7 \times 5) + 3$

Recopie et complète

Exemple : 56 divisé par 8 = 7 car $7 \times 8 = 56$

a) 72 divisé par 9 = _____

b) 36 divisé par 6 = _____

c) 45 divisé par 9 = _____

d) 14 divisé par 7 = _____

On vérifie la division : (quotient \times diviseur) + reste = dividende

Diviser par un nombre à un chiffre

On cherche à diviser 597 par 8.

Avant de poser la division, on évalue le nombre de chiffres du quotient.

$$8 \times 10 < 597 < 8 \times 100$$

Le quotient sera compris entre 10 et 100 : il aura donc **deux chiffres**.

Pour trouver le nombre de dizaines du quotient, on divise les dizaines du dividende par 8.

59 divisé par 8 : On cherche le multiple de 8 le plus proche de 59.

$8 \times 7 = 56$. Cela fait **7 dizaines** au quotient.

$59 - 56 = 3$. Il reste 3 dizaines.

Pour trouver le nombre d'unités, on abaisse les 7 unités.

Avec les 3 dizaines, cela fait 37 unités. On divise le nombre d'unités par 8.

37 divisé par 8 : On cherche le multiple de 8 le plus proche de 37.

$8 \times 4 = 32$. Cela fait **4 unités** au quotient.

$37 - 32 = 5$. Il reste 5 unités.

ATTENTION : le reste doit toujours être inférieur au diviseur.

On peut vérifier par une multiplication : le calcul : 74×8 donne 592 et on ajoute le reste 5, cela fait bien 597.

Diviser par un nombre à 2 chiffres

On cherche à diviser 978 par 23.

Avant de poser la division, on évalue le nombre de chiffres du quotient.

$$23 \times 10 < 978 < 23 \times 100$$

Le quotient sera compris entre 10 et 100 : il aura donc **deux chiffres**.

Pour trouver le nombre de dizaines du quotient, on divise les dizaines du dividende par 23.

97 divisé par 23: On cherche le multiple de 23 le plus proche de 97.
 $23 \times 4 = 92$. Cela fait **4 dizaines** au quotient.
 $97 - 92 = 5$. Il reste 5 dizaines.

$$\begin{array}{r}
 978 \quad | \quad 23 \\
 \underline{- 92} \quad \downarrow \\
 58 \\
 \underline{- 46} \\
 12
 \end{array}$$

Pour trouver le nombre d'unités, on abaisse les 8 unités.
 Avec les 5 dizaines, cela fait 58 unités. On divise le nombre d'unités par 23.

58 divisé par 23 : On cherche le multiple de 23 le plus proche de 58.
 $23 \times 2 = 46$. Cela fait **2 unités** au quotient.
 $58 - 46 = 12$. Il reste 12 unités.

Quel calcul peux-tu faire pour vérifier ?

Additionner les nombres décimaux

Pour poser une addition avec des nombres décimaux, on applique les mêmes règles que pour les nombres entiers.

On aligne, les unités avec les unités, les dizaines avec les dizaines...

On aligne les chiffres de la partie décimale : dixièmes avec dixièmes, centièmes avec centièmes...

La virgule est aussi alignée et replacée au résultat : arbre à virgules.

partie entière partie décimale

$$\begin{array}{r}
 \text{partie entière} \quad \text{partie décimale} \\
 \begin{array}{r}
 46,7 \\
 + 4,25 \\
 \hline
 50,95
 \end{array}
 \end{array}$$

Arbre à virgules

Soustraire les nombres décimaux

Pour poser une soustraction avec des nombres décimaux, on applique les mêmes règles que pour les nombres entiers.

On aligne, les unités avec les unités, les dizaines avec les dizaines...

On aligne les chiffres de la partie décimale : dixièmes avec dixièmes, centièmes avec centièmes...

On complète la partie décimale avec des zéros pour qu'il y ait le même nombre de chiffres après la virgule dans chaque nombre.

partie entière	partie décimale
1	
5 7	, 6 10
+ 2 4	, +12 5
3 3	, 3 5

Arbre à virgules

La virgule est aussi alignée et replacée au résultat : arbre à virgules.

Aborder la proportionnalité

- Comment reconnaître une situation de proportionnalité ?

Si 5 livres identiques pèsent 9kg alors 15 livres pèsent 27kg car il y a 3 fois plus de livres ($5 \times 3 = 15$)

Le poids des livres sera donc 3 fois plus grand ($9 \times 3 = 27$)

Si on multiplie le nombre de livres par 3, alors on multiplie leur poids par 3. Le poids des livres est proportionnel au nombre de livres. C'est une situation de proportionnalité.



Attention : Si le lot de 3 stylos coûte 5€ et que le lot de 12 stylos coûte 10€, alors le prix des stylos n'est pas proportionnel au nombre de stylos (il y a 4 fois plus de stylos mais le prix n'est pas 4 fois plus grand)

Ce n'est pas une situation de proportionnalité.

