



الحساب الحرفى والتاريخ

فرونسوا فيست (1540 - 1603) مستشار الملك هنري السادس (وهو من كان السباق إلى استعمال الحساب الحرفى)

وقد كان الفكرة آنذاك مدخلة باستعمال اعداد مجھولة و التعامل معها كاعداد معلومة

في سنة 1580 عين فرونسوا فيست مستشاراً للملك الخاص . وكانت احدي مسؤولياته قراءة الرسائل المشفرة للاسبان آنذاك



وكان ينجح في ذلك كل مرّة مما أثار نفوسه أعدائه عليه والتهامه بالشعوذة عند البابا آنذاك

والدفاع عن نفسه ، فيست فسر طريقته سنة 1590 في اتفاقية

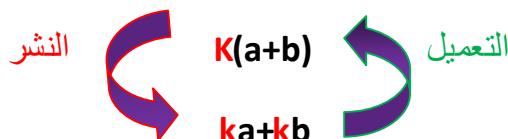
النشر و التعميل - المتطابقات الهامة

المكتسبات الملبية	الأهداف
العمليات الأربع على الأعداد الجذرية الحساب الحرفى نشر و تعميل و تبسيط تعابير حرفية وجبرية وعددية المتطابقات الهامة	استعمال المتطابقات الهامة الآتية في الاتجاهين : $(a-b)(a+b)$ ، $(a-b)^2$ ، $(a+b)^2$ انجاز سلسلة من العمليات على أعداد حقيقة باقواس او بدونها باستعمال تقنيات النشر و التعميل تبسيط و تعميل تعابير حرفية

القاعدة الأساسية للنشر و التعميل

$$K(a+b)=ka+kb$$

a و b و k أعداد حقيقة



نتيجة

a و b و c و d أعداد حقيقة

$$(a+b)(c+d)=ac+ad+bc+bd$$

امثلة



1- نشر وتبسيط تعبير

$$A = 2x(x^2 - 3x + 1)$$

$$A = 2x \times x^2 - 2x \times 3x + 2x \times 1$$

$$A = 2x^3 - 6x^2 + 2x$$

•

$$B = (2 - x)(3x + 1)$$

$$B = 2 \times x + 2 \times 1 - x \times 3x - x \times 1$$

$$B = 2x + 2 - 3x^2 - x$$

•

$$B = -3x^2 + x + 2$$

$$C = -4x(3 - x) - (x + 1)(2x + 3)$$

$$C = -4x \times 3 + 4x \times x - (x \times 2x + x \times 3 + 1 \times 2x + 1 \times 3)$$

$$C = -12x + 4x^2 - (2x^2 + 3x + 2x + 3)$$

•

$$C = -12x + 4x^2 - 2x^2 - 3x - 2x - 3$$

$$C = 2x^2 - 17x - 3$$

2- تعميل تعبير

$$D = (2 - x)(3x + 1) - (3 + 2x)(1 + 3x)$$

$$D = (3x + 1)[(2 - x) - (3 + 2x)]$$

•

$$D = (3x + 1)(2 - x - 3 - 3x)$$

$$D = (3x + 1)(-4x - 1)$$

$$E = -x + 2 + (3x + 1)(x - 2)$$

$$E = -(x - 2) + (3x + 1)(x - 2)$$

$$E = (x - 2)[-1 + (3x + 1)]$$

•

$$E = (x - 2)(-1 + 3x + 1)$$

$$E = 3x(x - 2)$$



المتطابقات الهمة

$$\begin{aligned}(a+b)^2 &= a^2 + 2ab + b^2 \\(a-b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2 \\(a+b)(a-b) &= a^2 - b^2\end{aligned}$$

تطبيقات (امثلة محلولة)

$(a-b)(a+b) = a^2 - b^2$	$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	
$Z = (1-7x)(1+7x)$ $Z = 1^2 - (7x)^2$ $Z = 1 - 49x^2$	$Y = (3x-5)^2$ $X = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 5 + 5^2$ $X = 9x^2 + 30x + 25$	$X = (2x+3)^2$ $X = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2$ $X = 4x^2 + 12x + 9$	١
$Z' = \frac{1}{4} - 9x^2$ $Z' = \left(\frac{1}{2}\right)^2 - (3x)^2$ $Z' = \left(\frac{1}{2} - 3x\right)\left(\frac{1}{2} + 3x\right)$	$Y' = 4x^2 - 28xy + 49y^2$ $Y' = (2x)^2 - 2 \times 2x \times 7 + 7^2$ $Y' = (2x-7)^2$	$X' = 25x^2 + 10x + 1$ $X' = (5x)^2 + 2 \times 5x \times 1 + 1^2$ $X' = (5x+1)^2$	٢ ٣

تمارن متنوعة

عمل التعبيرات الآتية :
$A = 9x^2 + 30xy + 25y^2$
$B = (xy)^2 - 3x^2y + 3xy^2$
$C = 25x^2 - 49y^2$
$D = 1 + 9x^2 + 6x$
$E = -9 + x^2$
$F = 25 - (2x+1)^2$
$G = 9x^2 - 25y^2$

انشر التعبيرات الآتية



$$\begin{aligned}
 a &= \left(5x - \frac{1}{3}\right)^2 \\
 b &= \left(\frac{x^3}{2} + \frac{3}{5}\right) \left(\frac{x^3}{2} - \frac{3}{5}\right) \\
 c &= (-1,5 + x^2)^2 \\
 d &= (3x+5)(3-2x) \\
 e &= (3-5x)^2(x+1) \\
 g &= -2(x+1)(x-1)
 \end{aligned}$$

نعتبر A حيث :

$$A = (2x-3)^2 + (x-3)(2x-3)$$

A	عمل	-
A	انشر	-

$$x = (-2) \text{ حيث } A \text{ حيث } -$$

$$A(x) = (3x-7)(1-6x) - (3x-7)^2$$

A(x)	عمل	-
-------------	-----	---

A(x)	انشر	-
-------------	------	---

$$x = \frac{7}{3} \text{ حيث } A(x) \text{ حيث } -$$

عمل التعبيرات الآتية :

$$A = 4 - x^2 + (3x+2)(x+2)$$

$$B = 16 - 40y + 25y^2 - (4+5y)(1+y)$$

$$C = (5-2x)^2 - 4x^2$$

$$D = 1 - x^4 + (1+x^2)$$